

1. 次の平均変化率を求めよ。

(1) 関数 $f(x) = x^3 + x$ の、 $x = 1$ から $x = 2$ までの平均変化率

(2) 関数 $f(x) = 2x^2$ の、 $x = a$ から $x = b$ までの平均変化率

2. 次の極限値を求めよ.

$$(1) \lim_{h \rightarrow 0} (5 - 4h + h^2)$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow -2} (x^3 - 3x^2 + 2)$$

$$(3) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h^3 + 6h^2 + 12h}{h}$$

3. 関数 $f(x) = x^3 - 3x$ の $x = 2$ における微分係数を、定義に従って求めよ。

4. 関数 $y = x^2 - 4x$ のグラフ上の点 $(1, -3)$ における接線の傾きを求めよ.

5. 次の関数を微分せよ.

$$(1) \quad y = 3$$

$$(2) \quad y = 4x^3 - 3x^2 - x$$

$$(3) \quad y = (2x + 1)^2$$

$$(4) \quad y = (x - 2)(x + 2)^2$$

$$(5) \quad y = x(x + 1)(x + 2)$$

6. 関数 $V = \pi r^3 + 10\pi r$ を r で微分せよ.